

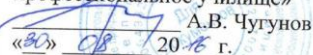
ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ПРОФЕССИОНАЛЬНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ САМАРСКОЙ ОБЛАСТИ
«БОГАТОВСКОЕ ПРОФЕССИОНАЛЬНОЕ УЧИЛИЩЕ»

РАССМОТРЕНО

на заседании
методической комиссии


«30» 08 20 16 г.

УТВЕРЖДАЮ
Директор ГБПОУ «Богатовское
профессиональное училище»


«30» 08 20 16 г.



**Методические рекомендации по выполнению самостоятельных работ
по учебной дисциплине**

ОУД.03 МАТЕМАТИКА: Алгебра и начала

математического анализа, геометрия

по профессии 35.01.11 «Мастер сельскохозяйственного производства»

Методические рекомендации по выполнению самостоятельных работ предназначены для организации работы на практических занятиях по учебной дисциплине ОУД.03 МАТЕМАТИКА: Алгебра и начала

математического анализа, геометрия, которая является важной составной частью в системе подготовки специалистов среднего профессионального образования.

Методические рекомендации имеют самостоятельную направленность и значимость. Формируемые в процессе самостоятельных занятий умения могут быть использованы студентами в будущей профессиональной деятельности.

Методические рекомендации предназначены для студентов средних профессиональных учебных заведений, изучающих учебную дисциплину ОУД.03 МАТЕМАТИКА: Алгебра и начала

математического анализа, геометрия и могут использоваться на учебных занятиях.

Составитель: Федорова А.В.,

ГБПОУ «Богатовское профессиональное училище»

Содержание

Пояснительная записка	4
Указания к выполнению ВСР	7
Перечень тем внеаудиторной самостоятельной работы	16
Самостоятельная работа №1: «Решение заданий без точного учета погрешностей»	20
Самостоятельная работа №2: «Решение заданий с точным учетом погрешностей».	21
Самостоятельная работа №3: «История открытия комплексных чисел».	22
Самостоятельная работа №4: «Арифметические действия над числами, нахождение приближенных значений величин и погрешностей вычислений (абсолютной и относительной), сравнение числовых выражений».	22
Самостоятельная работа №5: «Действия над комплексными числами».	22
Самостоятельная работа №6: «Графическое решение уравнений и неравенств».	24
Самостоятельная работа №7: «Иррациональные уравнения. Уравнения, содержащие переменную под знаком модуля».	24
Самостоятельная работа №8: «Значение и история понятия логарифма».	25
Самостоятельная работа №9: «Решение заданий на преобразование логарифмических выражений».	25
Самостоятельная работа №10: «Решение показательных и логарифмических уравнений и неравенств».	26
Самостоятельная работа №11: «Прямые и плоскости в пространстве».	28
Самостоятельная работа №12: «Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве».	28
Самостоятельная работа №13: «История развития и становления тригонометрии».	29
Самостоятельная работа №14: «Решение тригонометрических уравнений повышенной сложности».	30
Самостоятельная работа №15: «Решение задач, применяя формулу Бинома Ньютона».	33
Самостоятельная работа №16: «Действия над векторами».	33
Самостоятельная работа №17: «Решение задач по теме «Векторы».	33
Самостоятельная работа №18 : Реферат на тему «Векторное задание прямых и плоскостей в пространстве»	35
Самостоятельная работа №19: «Методы измерения углов вращения».	35
Самостоятельная работа №20: «Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях».	36
Самостоятельная работа №21: Реферат на тему «Непрерывные дроби»	36
Самостоятельная работа №22: Реферат на тему «Применение сложных процентов в экономических расчетах».	36
Самостоятельная работа №23: Реферат на тему «Параллельное проектирование».	36
Самостоятельная работа №24: Реферат на тему «Средние значения и их применения в статистике»	36
Самостоятельная работа №25: Реферат на тему «Графическое решение уравнений и неравенств».	36
Самостоятельная работа №26: Реферат на тему «Сложение гармонических колебаний»	37
Самостоятельная работа №27: «Правильные многогранники»	37
Самостоятельная работа №28: «Жизнь и творчество Эйлера».	37
Самостоятельная работа №29: «Многогранники».	37
Самостоятельная работа №30: «Звездчатые многогранники. Кристаллы-природные многогранники».	37
Самостоятельная работа №31: «Модели многогранников».	38
Самостоятельная работа №32: «Цилиндр и конус».	38

Самостоятельная работа №33: «Шар и сфера».	38
Самостоятельная работа №34: «Площадь поверхности частей шара».	39
Самостоятельная работа №35: «Модели тел вращения».	39
Самостоятельная работа №36: «Объемы тел».	41
Самостоятельная работа №37: Реферат на тему «Правильные и полуправильные многогранники».	43
Самостоятельная работа №38: Реферат на тему «Конические сечения и их применение в технике»	43
Самостоятельная работа №39: Реферат на тему «Понятие дифференциала и его приложения».	44
Самостоятельная работа №40: Реферат на тему «Схемы повторных испытаний Бернулли».	44
Самостоятельная работа №41: «Производная и ее применение».	44
Самостоятельная работа №42: «Предел, связанный с числом e ».	44
Самостоятельная работа №43: «Решение прикладных задач».	44
Самостоятельная работа №44: «Интеграл и его применение».	46
Самостоятельная работа №45: «Приближенные методы вычисления определенного интеграла».	47
Самостоятельная работа №46: «Жизнь и научная деятельность И. Ньютона».	47
Самостоятельная работа №47: «Я. Бернулли».	47
Самостоятельная работа №48: «Решение задач по теории вероятностей».	47
Самостоятельная работа №49: «Реферат на тему «Исследование уравнений и неравенств»	48
Список использованной литературы	49

Пояснительная записка.

Самостоятельная работа по математике – это педагогически управляемый процесс самостоятельной деятельности студентов, обеспечивающий реализацию целей и задач по овладению необходимым объемом знаний, умений и навыков, опыта творческой работы и развитию профессиональных интеллектуально-волевых, нравственных качеств будущего специалиста.

Выделяют два вида самостоятельной работы:

- аудиторная, выполняется на занятиях под руководством преподавателя и по его заданию;
- внеаудиторная, выполняется студентом по заданию преподавателя, но без его непосредственного участия.

Основные виды аудиторной самостоятельной работы студентов при изучении дисциплины ОУД.03 МАТЕМАТИКА: Алгебра и начала математического анализа, геометрия:

- формулировка вопросов студентам, преподавателю;
- выполнение письменных заданий, тестирование;
- выступление с сообщением по новому материалу;
- конспектирование, работа с книгой;
- выполнение самостоятельных работ.

Основные виды внеаудиторной самостоятельной работы студентов при изучении дисциплины ОУД.03 МАТЕМАТИКА: Алгебра и начала математического анализа, геометрия:

- работа с учебником;
- конспектирование отдельного вопроса пройденной темы;
- работа со справочной литературой;
- подготовка рефератов и презентаций по темам;
- изготовление наглядных пособий и моделей;
- составление кроссвордов;
- использование Интернета.

Самостоятельная работа студентов проводится с целью:

- систематизации и закрепления полученных знаний и практических умений и навыков студентов;
- углубления и расширения теоретических и практических знаний;
- формирования умений использовать специальную, справочную литературу, Интернет;
- развития познавательных способностей и активности студентов, творческой инициативы, самостоятельности, ответственности и организованности;
- формирования самостоятельности мышления, способностей к саморазвитию, самосовершенствованию и самореализации;
- развития исследовательских знаний.

Лимит времени для проведения самостоятельной работы студентов аудиторно отводится преподавателем непосредственно на уроке, для каждого вида работы определенный.

Время на внеаудиторную самостоятельную работу студентов берется в расчете 50% от всего учебного времени, отведенного на изучение дисциплины. Аудиторная самостоятельная работа студентов преобладает над внеаудиторной самостоятельной работой. Основной формой контроля самостоятельной работы студента являются практические, защита презентаций и рефератов на занятиях.

Самостоятельные работы являются важным средством проверки уровня знаний, умений и навыков.

Массовой формой контроля являются экзамены. Критериями оценки результатов внеаудиторной самостоятельной работы студента являются:

- уровень освоения студентом учебного материала;
- умение студента использовать теоретические знания при решении задач;
- обоснованность и четкость изложения ответа;
- оформление материала в соответствии с требованиями ФГОС.

Внеаудиторная самостоятельная работа обучающихся – планируемая учебная, учебно-исследовательская, проектная работа, выполняемая за рамками расписания учебных занятий по заданию и при методическом руководстве преподавателя, но без его непосредственного участия и является обязательной для каждого студента.

Целью самостоятельной работы студентов является:

- обеспечение профессиональной подготовки выпускника в соответствии с ФГОС СПО;
- формирование и развитие общих компетенций, определённых в ФГОС СПО;
- формирование и развитие профессиональных компетенций, соответствующих основным видам профессиональной деятельности.

Задачами, реализуемыми в ходе проведения внеаудиторной самостоятельной работы обучающихся, в образовательной среде колледжа являются:

- систематизация, закрепление, углубление и расширение полученных теоретических знаний и практических умений студентов;
- развитие познавательных способностей и активности студентов: творческой инициативы, самостоятельности, ответственности и организованности;
- формирование самостоятельности мышления: способности к саморазвитию, самосовершенствованию и самореализации;
- овладение практическими навыками применения информационно-коммуникационных технологий в профессиональной деятельности;
- развитие исследовательских умений.

Объем времени, отведенный на внеаудиторную самостоятельную работу, находит свое отражение:

- в рабочем учебном плане – в целом по циклам основной профессиональной образовательной программы, отдельно по каждому из учебных циклов, по каждой дисциплине, междисциплинарному курсу и профессиональному модулю;
- в рабочих программах учебных дисциплин и профессиональных модулей с ориентировочным распределением по разделам и темам.

Контроль результатов самостоятельной работы обучающихся может осуществляться в пределах времени, отведенного на обязательные учебные занятия и самостоятельную работу по дисциплине математика и может проходить в письменной, устной или смешанной форме с предоставлением изделия или продукта творческой деятельности.

Критериями оценки результатов внеаудиторной самостоятельной работы обучающегося являются:

- уровень освоения учебного материала;
- умение использовать теоретические знания и умения при выполнении практических задач;
- уровень сформированности общих и профессиональных компетенций.

Указания к выполнению ВСР

1. ВСР нужно выполнять в отдельной тетради в клетку, чернилами черного или синего цвета. Необходимо оставлять поля шириной 5 клеточек для замечаний преподавателя.
2. Решения задач следует излагать подробно и аккуратно, объясняя и мотивируя все действия по ходу решения и делая необходимые чертежи.
3. Оформление решения задачи следует завершать словом «Ответ».
4. После получения проверенной преподавателем работы студент должен в этой же тетради исправить все отмеченные ошибки и недочеты. Вносить исправления в сам текст работы после ее проверки запрещается.
5. Оценивание индивидуальных образовательных достижений по результатам выполнения ВСР производится в соответствии с универсальной шкалой (таблица).

Процент результативности (правильных ответов)	Качественная оценка индивидуальных образовательных достижений	
	балл (отметка)	вербальный аналог
80 – 100	5	отлично
60 – 79	4	хорошо
50 – 59	3	удовлетворительно
менее 50	2	неудовлетворительно

Методические рекомендации по составлению конспекта

Внимательно прочитайте текст. Уточните в справочной литературе непонятные слова. При записи не забудьте вынести справочные данные на поля конспекта.

Выделите главное, составьте план.

Кратко сформулируйте основные положения текста, отметьте аргументацию автора.

Законспектируйте материал, четко следуя пунктам плана. При конспектировании старайтесь выразить мысль своими словами. Записи следует вести четко, ясно.

Грамотно записывайте цитаты. Цитируя, учитывайте лаконичность, значимость мысли.

Самостоятельная работа студентов при решении задач

В процессе изучения математики наряду с некоторыми теоретическими сведениями студенты овладевают и закрепляют способы решения задач. Обычно с такими способами знакомит сам преподаватель, показывая решение задач по темам. Наиболее эффективным при этом является такой подход, при котором преподаватель раскрывает перед студентами технологию решения задачи, показывает, чем мотивировано применение некоторого метода решения, чем обусловлен выбор того или иного пути.

Работа над задачей тоже может быть полностью самостоятельной работой студентов. Она преследует несколько целей:

- продолжить формирование умений самостоятельно изучать текст, который в данном случае представляет собой задачу;
- обучить рассуждениям;
- обучить оформлению решения задач. К тому же студенты будут знать, что у них имеется образец рассуждений и оформления задачи, к которому они могут обратиться при решении другой задачи или при проверке правильности своего решения.

Непременным условием усвоения новых теоретических сведений и овладения новыми приемами решения задач является выполнение студентами тренировочных

упражнений, в ходе которого приобретенные знания становятся полным достоянием студентов. Как известно, существуют две формы организации такой тренировочной работы – фронтальная работа и самостоятельная работа. Фронтальная работа на уроках математики – это традиционная, давно сложившаяся форма. Схематически ее можно описать так: один из студентов выполняет задание на доске, остальные выполняют это же задание в тетрадях. Самостоятельная работа студентов на уроке состоит в выполнении без помощи преподавателя и товарищей задания.

Большие возможности для подготовки студентов к творческому труду и самостоятельному пополнению знаний имеет самостоятельное выполнение заданий. В этом случае студент без какой-либо помощи должен наметить пути решения, правильно выполнить все построения, преобразования, вычисления и т. п. В таком случае мысль студента работает наиболее интенсивно. Он приобретает практический навык работы в ситуации, с которой ему неоднократно придется сталкиваться в последующей трудовой деятельности. Вместе с тем самостоятельная работа студентов на уроках математики имеет и свои недостатки. Усилия студента могут оказаться напрасными и не привести к результату, если он недостаточно подготовлен к решению поставленной задачи. Студент не слышит комментариев к решению, а рассуждения, которые он проводит мысленно, могут быть не всегда правильными и достаточно полными, причем возможности обнаружить это студент не имеет. Вообще при самостоятельном выполнении заданий мыслительные процессы не могут быть проконтролированы преподавателем. Поэтому даже верный ответ может оказаться случайным. Исправление ошибок, допущенных при самостоятельной работе, происходит в ходе ее проверки по окончании всей работы. Поэтому, выполняя упражнение самостоятельно, студент, не усвоивший материал, может повторять одну и ту же ошибку от примера к примеру и невольно закрепить неправильный алгоритм.

Самостоятельная работа над учебным материалом состоит из следующих элементов:

1. Изучение материала по учебнику.
2. Выполнение еженедельных домашних заданий.
3. Выполнение внеаудиторной самостоятельной работы (ВСР).

В методических рекомендациях Вам предлагается перечень внеаудиторных самостоятельных работ, которые вы должны выполнить в течение учебного года.

При выполнении (ВСР) обучающийся может обращаться к преподавателю для получения консультации.

Методические рекомендации по выполнению практических занятий

Для того чтобы практические занятия приносили максимальную пользу, необходимо помнить, что упражнение и решение ситуативных задач проводятся по вычитанному на лекциях материалу и связаны, как правило, с детальным разбором отдельных вопросов лекционного курса. Следует подчеркнуть, что только после усвоения лекционного материала с определенной точки зрения (а именно с той, с которой он излагается на лекциях) он будет закрепляться на практических занятиях как в результате обсуждения и анализа лекционного материала, так и с помощью решения ситуативных задач. При этих условиях студент не только хорошо усвоит материал, но и научится применять его на практике, а также получит дополнительный стимул (и это очень важно) для активной проработки лекции.

При самостоятельном решении поставленных задач нужно обосновывать каждый этап действий, исходя из теоретических положений курса. Если обучающийся видит несколько путей решения проблемы (задачи), то нужно сравнить их и выбрать самый рациональный. Полезно до начала решения поставленных задач составить краткий план решения проблемы (задачи). Решение проблемных задач или примеров следует излагать

подробно, нужно сопровождать комментариями, схемами, чертежами и рисунками, инструкциями по выполнению.

Следует помнить, что решение каждой учебной задачи должно доводиться до окончательного логического ответа, которого требует условие, и по возможности с выводом. Полученный результат следует проверить способами, вытекающими из существа данной задачи.

Методические рекомендации по написанию контрольной работы

Контрольная работа – промежуточный метод проверки знаний обучающегося с целью определения конечного результата в обучении по данной теме или разделу. Она призвана систематизировать знания, позволяет повторить и закрепить материал. При выполнении студенты ограничены во времени, могут использовать любые учебные пособия, консультации преподавателя.

Методические рекомендации к написанию реферата

Реферат необходимо сдать в печатном виде на листе формата А4, выполненном шрифтом Times New Roman 14 пунктов.

Требования, предъявляемые к реферату:

Реферат (доклад) должен быть оформлен в MS Word, шрифт текста Times New Roman, 14 пт., интервал 1.

1. Титульный лист (см. приложение 1)
2. Содержание (см. приложение 2)
3. Введение
4. Основная часть реферата
5. Заключение
6. Список используемой литературы (см. приложение 3)

Если возникнут затруднения в процессе работы, обратитесь к преподавателю.

Критерии оценки:

1. Вы правильно выполнили задание. Работа выполнена аккуратно – 5(отлично).
2. Вы не смогли выполнить 2 - 3 элемента. Работа выполнена аккуратно-4(хорошо).
3. Работа выполнена неаккуратно, технологически неправильно – 3(удовлетворительно).

**МИНИСТЕРСТВО СЕЛЬСКОГО ХОЗЯЙСТВА И ПРОДОВОЛЬСТВИЯ
САМАРСКОЙ ОБЛАСТИ
ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ПРОФЕССИОНАЛЬНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ САМАРСКОЙ ОБЛАСТИ
«БОГАТОВСКОЕ ПРОФЕССИОНАЛЬНОЕ УЧИЛИЩЕ»**

РЕФЕРАТ

по дисциплине: «Математика»

на тему: *«Указать тему реферата»*

ВЫПОЛНИЛ:

студент группы (*указать группу*)

Фамилия, имя (в Род.п.)

РУКОВОДИТЕЛЬ:

преподаватель

Содержание

Введение	стр.
1. Глава 1.....	стр.
2. Глава 2	стр.
Заключение	стр.
Список используемой литературы	стр.

Список используемой литературы

1. М.И. Башмаков «Математика», учебник, М.: Издательский центр «Академия», 2014.
2. Профессиональные печатные издания
3. Интернет-ресурс
4. _____

Дополнительные источники:....

Методические рекомендации по подготовке сообщения

Сообщение – это сокращенная запись информации, в которой должны быть отражены основные положения текста, сопровождающиеся аргументами, 1–2 самыми яркими и в то же время краткими примерами.

Сообщение составляется по нескольким источникам, связанным между собой одной темой. Вначале изучается тот источник, в котором данная тема изложена наиболее полно и на современном уровне научных и практических достижений. Записанное сообщение дополняется материалом других источников.

Этапы подготовки сообщения:

1. Прочитайте текст.
2. Составьте его развернутый план.
3. Подумайте, какие части можно сократить так, чтобы содержание было понято правильно и, главное, не исчезло.
4. Объедините близкие по смыслу части.
5. В каждой части выделите главное и второстепенное, которое может быть сокращено при конспектировании.
6. При записи старайтесь сложные предложения заменить простыми.

Тематическое и смысловое единство сообщения выражается в том, что все его компоненты связаны с темой первоисточника.

Сообщение должно содержать информацию на 3-5 мин. и сопровождаться презентацией, схемами, рисунками, таблицами и т.д.

Методические рекомендации по составлению презентаций

Требования к презентации

На первом слайде размещается:

название презентации;

автор: ФИО, группа, название учебного учреждения (соавторы указываются в алфавитном порядке);
год.

На втором слайде указывается содержание работы, которое лучше оформить в виде гиперссылок (для интерактивности презентации).

На последнем слайде указывается список используемой литературы в соответствии с требованиями, интернет-ресурсы указываются в последнюю очередь.

Оформление слайдов	
Стиль	– необходимо соблюдать единый стиль оформления; – нужно избегать стилей, которые будут отвлекать от самой презентации; – вспомогательная информация (управляющие кнопки) не должны преобладать над основной информацией (текст, рисунки)
Фон	– для фона выбираются более холодные тона (синий или зеленый)
Использование цвета	– на одном слайде рекомендуется использовать не более трех цветов: один для фона, один для заголовков, один для текста; – для фона и текста используются контрастные цвета; – особое внимание следует обратить на цвет гиперссылок (до и после

	использования)
Анимационные эффекты	– нужно использовать возможности компьютерной анимации для представления информации на слайде; – не стоит злоупотреблять различными анимационными эффектами; анимационные эффекты не должны отвлекать внимание от содержания информации на слайде
Представление информации	
Содержание информации	– следует использовать короткие слова и предложения; – времена глаголов должно быть везде одинаковым; – следует использовать минимум предлогов, наречий, прилагательных; – заголовки должны привлекать внимание аудитории
Расположение информации на странице	– предпочтительно горизонтальное расположение информации; – наиболее важная информация должна располагаться в центре экрана; – если на слайде располагается картинка, надпись должна располагаться под ней
Шрифты	– для заголовков не менее 24; – для остальной информации не менее 18; – шрифты без засечек легче читать с большого расстояния; – нельзя смешивать разные типы шрифтов в одной презентации; – для выделения информации следует использовать жирный шрифт, курсив или подчеркивание того же типа; – нельзя злоупотреблять прописными буквами (они читаются хуже, чем строчные).
Способы выделения информации	Следует использовать: – рамки, границы, заливку – разные цвета шрифтов, штриховку, стрелки – рисунки, диаграммы, схемы для иллюстрации наиболее важных фактов
Объем информации	– не стоит заполнять один слайд слишком большим объемом информации: люди могут одновременно запомнить не более трех фактов, выводов, определений. – наибольшая эффективность достигается тогда, когда ключевые пункты отражаются по одному на каждом отдельном слайде.
Виды слайдов	Для обеспечения разнообразия следует использовать разные виды слайдов: с текстом, с таблицами, с диаграммами.

Критерии оценки презентации

Критерии оценки	Содержание оценки
1. Содержательный критерий	правильный выбор темы, знание предмета и свободное владение текстом, грамотное использование научной терминологии, импровизация, речевой этикет
2. Логический критерий	стройное логико-композиционное построение речи, доказательность, аргументированность
3. Речевой критерий	использование языковых (метафоры, фразеологизмы, пословицы, поговорки и т.д.) и неязыковых (поза, манеры и пр.) средств выразительности; фонетическая организация речи,

	правильность ударения, четкая дикция, логические ударения и пр.
4. Психологический критерий	взаимодействие с аудиторией (прямая и обратная связь), знание и учет законов восприятия речи, использование различных приемов привлечения и активизации внимания
5. Критерий соблюдения дизайн-эргономических требований к компьютерной презентации	соблюдены требования к первому и последним слайдам, прослеживается обоснованная последовательность слайдов и информации на слайдах, необходимое и достаточное количество фото- и видеоматериалов, учет особенностей восприятия графической (иллюстративной) информации, корректное сочетание фона и графики, дизайн презентации не противоречит ее содержанию, грамотное соотнесение устного выступления и компьютерного сопровождения, общее впечатление от мультимедийной презентации

Перечень тем внеаудиторной самостоятельной работы

Название разделов, тем внеаудиторной самостоятельной работы	Количество часов	Вид деятельности	Формы контроля
Самостоятельная работа №1: «Решение заданий без точного учета погрешностей. Самостоятельная работа №2: «Решение заданий с точным учетом погрешностей. Самостоятельная работа №3: «История открытия комплексных чисел». Самостоятельная работа №4: «Арифметические действия над числами, нахождение приближенных значений величин и погрешностей вычислений (абсолютной и относительной), сравнение числовых выражений». Самостоятельная работа №5: «Действия над комплексными числами».	12	Выполнение заданий Выполнение заданий Создание презентации Работа с учебной литературой Решение заданий	Проверка выполненных заданий Проверка выполненных заданий Просмотр и оценка презентаций Проверка конспекта Проверка выполненных заданий
Самостоятельная работа №6: «Графическое решение уравнений и неравенств». Самостоятельная работа №7: «Иррациональные уравнения. Уравнения, содержащие переменную под знаком модуля».	8	Работа с учебной литературой Работа с учебной литературой	Проверка конспекта Проверка конспекта
Самостоятельная работа обучающихся: Самостоятельная работа №8: «Значение и история понятия логарифма». Самостоятельная работа №9: «Решение заданий на преобразование логарифмических выражений». Самостоятельная работа №10: «Решение показательных и логарифмических уравнений и неравенств».	6	Выполнение реферата Решение заданий Решение уравнений и неравенств	Проверка и защита рефератов Проверка выполненных заданий Проверка выполненных заданий
Самостоятельная работа №11: «Прямые и плоскости в пространстве». Самостоятельная работа №12: «Взаимное расположение прямых	7	Решение заданий	Проверка выполненных заданий

и плоскостей в пространстве».			
Самостоятельная работа №13: «История развития и становления тригонометрии». Самостоятельная работа №14: «Решение тригонометрических уравнений повышенной сложности». Самостоятельная работа №15: «Решение задач, применяя формулу Бинома Ньютона».	10	Работа с учебной литературой Выполнение реферата	Проверка конспекта Проверка и защита рефератов
Самостоятельная работа №16: «Действия над векторами». Самостоятельная работа №17: «Решение задач по теме «Векторы». Самостоятельная работа №18 : Реферат на тему «Векторное задание прямых и плоскостей в пространстве»	10	Выполнение реферата Решение уравнений	Проверка и защита рефератов Проверка выполненных заданий
Самостоятельная работа №19: «Методы измерения углов вращения». Самостоятельная работа №20: «Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях».	5	Работа с учебной литературой Создание презентации Работа с учебной литературой. Решение задач	Проверка конспекта Просмотр и оценка презентаций Проверка конспекта Проверка выполненных заданий
Самостоятельная работа №21 : Реферат на тему «Непрерывные дроби» Самостоятельная работа №22 : Реферат на тему «Применение сложных процентов в экономических расчетах».	6	Создание презентации Решение задач	Просмотр и оценка презентаций Проверка выполненных заданий
Самостоятельная работа №23 : Реферат на тему «Параллельное проектирование». Самостоятельная работа №24 : Реферат на тему «Средние значения и их применения в статистике»	6	Создание презентации Составление кроссворда	Просмотр и оценка презентаций Проверка кроссворда
Самостоятельная работа №25: Реферат на тему «Графическое решение уравнений и неравенств».	3	Создание презентации	Просмотр и оценка презентаций
Самостоятельная работа №26: Реферат на тему «Сложение гармонических колебаний».	4	Выполнение реферата	Проверка и защита рефератов

Самостоятельная работа №27: «Правильные многогранники». Самостоятельная работа №28: «Жизнь и творчество Эйлера». Самостоятельная работа №29: «Многогранники». Самостоятельная работа №30: «Звездчатые многогранники». Кристаллы-природные многогранники». Самостоятельная работа №31: «Модели многогранников».	11	Решение задач Создание моделей	Проверка выполн. заданий Проверка заданий
Самостоятельная работа №32: «Цилиндр и конус». Самостоятельная работа №33: «Шар и сфера». Самостоятельная работа №34: «Площадь поверхности частей шара». Самостоятельная работа №35: «Модели тел вращения». Самостоятельная работа №36: «Объемы тел».	11	Выполнение реферата Работа с учебной литературой Выполнение реферата	Проверка и защита рефератов Проверка конспекта Проверка и защита рефератов
Самостоятельная работа №37: Реферат на тему «Правильные и полуправильные многогранники». Самостоятельная работа №38: Реферат на тему «Конические сечения и их применение в технике»	6	Выполнение реферата	Проверка и защита рефератов
Самостоятельная работа №39: Реферат на тему «Понятие дифференциала и его приложения». Самостоятельная работа №40: Реферат на тему «Схемы повторных испытаний Бернулли».	8	Выполнение реферата	Проверка и защита рефератов
Самостоятельная работа №41: « Производная и ее применение». Самостоятельная работа №42: «Предел, связанный с числом e ». Самостоятельная работа №43: «Решение прикладных задач». Самостоятельная работа №44: «Интеграл и его применение». Самостоятельная работа №45: «Приближенные методы вычисления определенного интеграла».	14	Работа с учебной литературой Решение задач Выполнение заданий	Проверка конспекта Проверка выполн. заданий Проверка выполненных заданий
Самостоятельная работа №46: «Жизнь и научная деятельность И.	4	Работа с учебной	Проверка конспекта

Ньютона».		литературой	
Самостоятельная работа №47: «Я. Бернулли».	4	Работа с учебной литературой	Проверка конспекта
Самостоятельная работа №48: «Решение задач по теории вероятностей».	4	Решение задач Выполнение заданий	Проверка заданий Проверка выполненных заданий
Самостоятельная работа №49: «Реферат на тему «Исследование уравнений и неравенств».	4	Работа с учебной литературой	Проверка конспекта
Итого:	143		

Самостоятельная работа № 1.

Решение заданий без точного учета погрешностей

Цель: Знать правила действия над приближенными числами без точного учета погрешностей.

Методические рекомендации

Правила для выполнения действий без точного учета погрешностей:

1. При сложении, вычитании приближенных чисел в результате следует сохранять столько десятичных знаков, сколько их имеется в данном, с наименьшим числом десятичных знаков.
2. При умножении и делении приближенных чисел в результате следует сохранять столько значащих цифр, сколько их имеется в данном с наименьшим числом значащих цифр.
3. При возведении в квадрат и куб в результате следует сохранять столько значащих цифр, сколько их имеется в основании степени.
4. При извлечении квадратных и кубических корней в результате следует сохранять столько значащих цифр, сколько их имеется в подкоренном числе.
5. При выполнении промежуточных действий в результате следует сохранять одну лишнюю (запасную) цифру, которую в окончательном результате отбрасывают.

Определение: Цифры, записанные справа от запятой, называются десятичными знаками числа.

Определение: Значащими цифрами числа называются все его верные цифры, кроме нулей, записанных левее первой отличной от нуля цифры.

Определение: Цифра α в записи приближения называется верной, если абсолютная погрешность не превышает того разряда, в котором эта цифра записана. В противном случае цифра называется сомнительной.

Применив правила для выполнения действий без точного учета погрешностей, выполните действия.

1. Найти сумму $x + y$ и разность $x - y$, если:
а) $x \approx 1,34$; $y \approx 2,30$; б) $x \approx 4,331$; $y \approx 5,7$;
в) $x \approx 2,0 \cdot 10^3$; $y \approx 1,25 \cdot 10^2$; г) $x \approx 1,25 \cdot 10^2$; $y \approx 7,1 \cdot 10^{-1}$
2. Найти произведение $x \cdot y$ и частное $\frac{x}{y}$, если
а) $x \approx 1,26$; $y \approx 2,10$; б) $x \approx 1,2 \cdot 10^2$; $y \approx 3 \cdot 10^2$;
в) $x \approx 25,678$; $y \approx 1,23$; г) $x \approx 4,8 \cdot 10^2$; $y \approx 1,331 \cdot 10^{-2}$
3. Найдите значение выражения $\frac{x \cdot y}{x^2 + y^2}$ для $x \approx 1,34$; $y \approx 2,30$. Для вычисления рекомендуется пользоваться калькулятором.
4. Вычислите, ответ округлите до 0,001.

1 вариант

$$a) \frac{1,9 \cdot 6,3 \cdot 3,05}{5,3 \cdot 125}$$

$$б) \frac{0,85^2 \cdot \sqrt[3]{5,35}}{\sqrt{0,825}}$$

$$в) \frac{tg 15^\circ \cdot \sqrt{\sin 65^\circ}}{\cos 28^\circ}$$

$$г) \frac{0,815 \cdot 12,6 \cdot 5,05}{0,0854 \cdot 18,9}$$

2 вариант

$$a) \frac{5,8 \cdot 6,55 \cdot 4,05}{12,4 \cdot 215}$$

$$б) \frac{0,65 \cdot \sqrt{7,45}}{\sqrt[3]{3,62}}$$

$$в) \frac{\sin 25^\circ \cdot \sqrt{tg 65^\circ}}{\cos 22^\circ}$$

$$г) \frac{0,0615 \cdot 19,8 \cdot 60,4}{3,08 \cdot 46,2}$$

Самостоятельная работа № 2.

Решение заданий с точным учетом погрешности

Цель: Знать правила действия над приближенными числами с точным учетом погрешности.

Методические рекомендации

Правила для выполнения действий с точным учетом погрешности:

$$1. h_{a \pm b} = h_a \pm h_b \quad 4. \varepsilon_{a^n} = n \cdot \varepsilon_a$$

$$2. \varepsilon_{a \cdot b} = \varepsilon_a + \varepsilon_b \quad 5. \varepsilon_{\sqrt[n]{a}} = \frac{\varepsilon_a}{n}$$

$$3. \varepsilon_{\frac{a}{b}} = \varepsilon_a + \varepsilon_b$$

Применив правила для выполнения действий с точным учетом погрешности, выполните действия:

1. Найдите сумму $x + y$ и разность $x - y$, если:

$$a) x = -2,6 \pm 0,01; \quad y = 1,5 \pm 0,02$$

$$б) x = 1,25 \pm 0,05; \quad y = 1,02 \pm 0,02$$

$$в) x = 7,1 \pm 0,18; \quad y = 6,2 \pm 0,02$$

2. Найдите произведение $x \cdot y$ и частное $\frac{x}{y}$, если:

$$a) x \approx 3,2 \text{ с точностью до } 0,5\%; \quad y \approx 2,35 \text{ с точностью до } 1\%;$$

$$б) x \approx 3,5 \text{ с точностью до } 1\%; \quad y \approx 1,23 \text{ с точностью до } 0,5\%;$$

$$в) x \approx 0,43 \text{ с точностью до } 0,1\%; \quad y \approx 4,3 \text{ с точностью до } 1\%.$$

3. Масса ящика с конфетами равна $m_1 = (7,3 \pm 0,05)$ кг, масса пустого ящика равна $m_2 = (0,8 \pm 0,05)$ кг. Найти массу конфет.

4. Найти площадь прямоугольника ширины x и длины y , если $x \approx 4$ м и $y \approx 5,4$ м с точностью до 1%.

5. Найти степень x^4 , если $x \approx 2$ с точностью до 2,5%.

6. Найти $\sqrt[5]{x}$, если $x \approx 32$ с точностью до 2,5%.

Самостоятельная работа № 3. История открытия комплексных чисел

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации по заявленной теме.

Методические рекомендации

Работа должна соответствовать методическим рекомендациям по созданию презентаций.

Самостоятельная работа № 4. Тригонометрическая и показательная форма записи комплексных чисел

Цель: Знать тригонометрическую и показательную форму записи комплексных чисел и уметь выполнять действия над к.ч., заданными этими формами.

1. Изучив тему, письменно ответьте на вопросы:

- 1⁰. Запись к.ч. в тригонометрической форме.
- 2⁰. Формулы перехода от алгебраической формы к.ч. к тригонометрической и наоборот.
- 3⁰. Действия над к.ч. в тригонометрической форме.
- 4⁰. Запись к.ч. в показательной форме.
- 5⁰. Формулы перехода от алгебраической формы к.ч. к показательной и наоборот.
- 6⁰. Действия над к.ч. в показательной форме.

Самостоятельная работа № 5. Решение задач по теме: «Действия над комплексными числами»

Цель: Уметь выполнять действия над к.ч., заданными разными формами.

Методические рекомендации

Формы комплексного числа.

1. Алгебраическая $z = a + bi$

сложение: $(a_1 + b_1i) + (a_2 + b_2i) = (a_1 + a_2) + (b_1 + b_2)i$

умножение: $(a_1 + b_1i) \cdot (a_2 + b_2i) = a_1a_2 + (a_1b_2 + a_2b_1)i - b_1b_2$

деление: $\frac{a_1 + b_1i}{a_2 + b_2i} = \frac{(a_1 + b_1i)(a_2 - b_2i)}{(a_2 + b_2i)(a_2 - b_2i)}$

2. Тригонометрическая $z = r(\cos \varphi + i \sin \varphi)$

умножение: $z_1 \cdot z_2 = r_1 r_2 (\cos(\varphi_1 + \varphi_2) + i \sin(\varphi_1 + \varphi_2))$

деление: $\frac{z_1}{z_2} = \frac{r_1}{r_2} (\cos(\varphi_1 - \varphi_2) + i \sin(\varphi_1 - \varphi_2))$

возведение в степень: $z^n = r^n (\cos n\varphi + i \sin n\varphi)$

извлечение корня: $z_k = \sqrt[n]{r} \left(\cos \left(\frac{\varphi}{n} + \frac{2\pi k}{n} \right) + i \sin \left(\frac{\varphi}{n} + \frac{2\pi k}{n} \right) \right), \quad k = 0, 1, 2, 3, \dots$

3. Показательная $z = r \cdot e^{i\varphi}$

умножение: $z_1 \cdot z_2 = e^{i(\varphi_1 + \varphi_2)}$

деление: $\frac{z_1}{z_2} = e^{i(\varphi_1 - \varphi_2)}$

возведение в степень: $z^n = e^{in\varphi}$

Используя методические рекомендации, выполните задания:

1 вариант	2 вариант
1. Найдите $\frac{z_1}{z_2}$, если $z_1 = 3 + i$, $z_2 = 2 - 8i$	1. Найдите $\frac{z_1}{z_2}$, если $z_1 = 1 + 2i$, $z_2 = -4 + 2i$
2. Найдите модуль к.ч. $z = -2 + 2\sqrt{3}i$	2. Найдите модуль к.ч. $z = 3 - 4\sqrt{5}i$
3. Найдите $z_1 \cdot z_2$, если $z_1 = 6 - 2i$, $z_2 = 3 - 4i$	3. Найдите $z_1 \cdot z_2$, если $z_1 = 1 + 2i$, $z_2 = 3 + i$
4. Изобразите число на комплексной плоскости $z = 2 + 4i$	4. Изобразите число на комплексной плоскости $z = -3 + 4i$
5. Вычислите: $(-5x + 4y^2i) \cdot (5x - 4y^2i)$	5. Вычислите: $(6x^3 + yi) \cdot (-6x^3 + yi)$
6. Разложите на множители: а) $x^2 + 1$; б) $25x^2 + 9y^2$	6. Разложите на множители: а) $x^2 + y^2$; б) $16x^2 + 9y^2$
7. Решите уравнения: а) $x^2 + x + 1 = 0$; б) $x^2 + 2x + 2 = 0$	7. Решите уравнения: а) $5x^2 = 7x + 3 = 0$; б) $2x^2 + 2x + 1 = 0$
8. Выполнить умножение, деление и возведение в степень к.ч. $(z_1 \cdot z_2, \frac{z_1}{z_2}, z_1^2, z_2^3)$, если а) $z_1 = \cos \frac{5\pi}{3} + i \sin \frac{5\pi}{3}$, $z_2 = 2(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3})$ б) $z_1 = e^{i\frac{\pi}{5}}$; $z_2 = e^{i\frac{4\pi}{5}}$	8. Выполните умножение, деление и возведение в степень к.ч. $(z_1 \cdot z_2, \frac{z_1}{z_2}, z_1^2, z_2^3)$, если а) $z_1 = 3(\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4})$, $z_2 = 2(\cos \frac{7\pi}{4} + i \sin \frac{7\pi}{4})$ б) $z_1 = 3e^{i\frac{\pi}{4}}$; $z_2 = 4e^{i\frac{\pi}{3}}$
9. Запишите в тригонометрической и показательной форме к.ч. а) $z = \sqrt{3} + i$; б) $z = -1 + i$	9. Запишите в тригонометрической и показательной форме к.ч. а) $z = \sqrt{3} - i$; б) $z = 1 - i$

Самостоятельная работа № 6. Графическое решение уравнений и неравенств

Цель: Уметь с помощью графика находить решение уравнений и неравенств.

Изучив тему, письменно ответьте на вопросы:

1. Графическая интерпретация решения уравнения $f(x) = g(x)$.
2. Графическая интерпретация решения неравенства $f(x) > g(x)$.
3. Определение числа корней уравнения $f(x) = a$ (графическое).
4. Записать решение прим.18, с. 193.

Самостоятельная работа № 7. Иррациональные уравнения. Уравнения и неравенства с модулем

Цель: Знать правила избавления от иррациональности, раскрытия модуля числа и уметь пользоваться ими при решении уравнений и неравенств.

Методические рекомендации

Формулы для повторения:

$$(a + b)^2 = a^2 + 2 \cdot a \cdot b + b^2;$$

$$(a - b)^2 = a^2 - 2 \cdot a \cdot b + b^2;$$

Решение квадратных уравнений:

$$a \cdot x^2 + bx + c = 0$$

$$D = b^2 - 4ac,$$

$$\text{Если } D > 0, \text{ то } x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2a}$$

$$\text{Если } D = 0, \text{ то } x = \frac{-b}{2a}$$

Если $D < 0$, то корней нет

$$a^0 = 1; \quad a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m}; \quad \sqrt{a} = a^{\frac{1}{2}}; \quad a^{-n} = \frac{1}{a^n}; \quad (\sqrt{a})^2 = a; \quad (\sqrt[n]{a})^n = a$$

1. Изучив тему, письменно ответьте на вопросы:

- 1⁰. Введите понятие иррационального уравнения.
- 2⁰. Сформулируйте утверждение и замечание на с.350.
- 3⁰. Решение уравнений, содержащих квадратные радикалы.
- 4⁰. Записать решение примера 60, с. 351.
- 5⁰. Метод уединения радикалов (прим. 61).
- 6⁰. Сформулируйте утверждение на с. 352.
- 7⁰. Дайте определение $|x|$ и его иной формы.
- 8⁰. Таблица решения элементарных уравнений и неравенств с модулем.
- 9⁰. Записать решение примера 85, с. 74.
- 10⁰. Запишите вывод о решении неравенства с модулем.
- 11⁰. Запишите решение примера 90, с. 76.

2. Выполните письменно задания:

1 вариант	2 вариант
1. Решите уравнения: а) $x = \sqrt{1-2x}$; б) $\sqrt{3x+1} = x-1$; в) $\sqrt{x-2} + 2\sqrt{x+5} = 1$.	1. Решите уравнения: а) $x = \sqrt{1-x}$; б) $\sqrt{2x+4} = x-2$; в) $\sqrt{x-1} + \sqrt{x+2} = 3$.
2. Решите уравнения: а) $5x+3 =7$; б) $2x-x^2-3 =1$.	2. Решите уравнения: а) $9-2x =5$; б) $x^2+5x+4 =1$.
3. Решите неравенства: а) $2x-3 \leq 3$; б) $3-4x \geq -1$.	3. Решите неравенства: а) $\sqrt{2x}-2 <-2$; б) $5-2x >3$.

Самостоятельная работа № 8. Значение и история понятия логарифма

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: подготовить реферат по предложенной теме.

Методические рекомендации

Реферат должен быть выполнен с соблюдением методических рекомендаций по написанию реферата.

Самостоятельная работа № 9. Решение заданий на преобразование логарифмических выражений

Цель: Знать основное логарифмическое тождество, свойства логарифмов, уметь применять их при преобразовании выражений.

Методические рекомендации

I. Свойства логарифмов.

1. Основное логарифмическое тождество: $a^{\log_a x} = x$
2. $\log_a (x \cdot y) = \log_a x + \log_a y$
3. $\log_a \frac{x}{y} = \log_a x - \log_a y$
4. $\log_a x^n = n \log_a x$
5. $\log_a a = 1$
6. $\log_a 1 = 0$
7. $\log_a b = \frac{1}{\log_b a}$

$$8. \log_a x = \frac{\log_b x}{\log_b a} - \text{формула перехода к другому основанию}$$

$$9. \log_{a^n} x = \frac{1}{n} \log_a x$$

Используя методические рекомендации, выполните задания:

1 вариант	2 вариант
1. Найдите значение числового выражения: $\log_3 27 - \log_{\sqrt{3}} 27 - \log_{\frac{1}{3}} 27 - \log_{\frac{\sqrt{3}}{2}} \left(\frac{64}{27}\right)$	1. Найдите значение числового выражения: $\left(\log_{\frac{1}{2}} \sqrt[3]{\frac{1}{4}} + 6 \log_{\frac{1}{4}} \left(\frac{1}{2}\right) - 2 \log_{\frac{1}{16}} \left(\frac{1}{4}\right)\right) \div \log_{\sqrt{2}} \sqrt[5]{8}$
2. Вычислите: а) $2 \log_6 2 + \log_6 9$; б) $\log_{11} 484 - 2 \log_{11} 2$; в) $3^{\log_{\sqrt[3]{9}} 4} + 2^{\frac{1}{\log_6 4}}$	2. Вычислите: а) $\log_5 100 - 2 \log_5 2$; б) $4 \log_{12} 2 + 2 \log_{12} 3$; в) $3^{\log_{\frac{1}{3}} \frac{3}{2}} + \left(\frac{1}{9}\right)^{\frac{\log_2 3}{\log_2 9}}$
3. Найдите $\log_5 72$, если известно, что $\log_5 2 = a$, $\log_5 3 = b$.	3. Вычислите $\log_5 30$, если известно, что $\log_5 2 = a$, $\log_5 3 = b$.
4. Вычислить: а) $(\log_7 15 + \log_7 4 - \log_7 6) \cdot \lg 7$; б) $\frac{1}{2} \log_7 36 - \log_7 14 - 3 \log_7 \sqrt[3]{21}$	4. Вычислить: а) $\lg 2 \cdot (\log_2 75 - \log_2 15 + \log_2 20)$; б) $\log_8 12 - 2 \log_8 \sqrt{15} + \log_8 20$

Самостоятельная работа № 10.

Решение показательных, логарифмических уравнений и неравенств

Цель: Знать методы решения показательных и логарифмических уравнений и неравенств, уметь применять их при решении соответствующих заданий.

Методические рекомендации

Степени чисел от 0 до 10

n	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
2ⁿ	1	2	4	8	16	32	64	128	256	512	1024
3ⁿ	1	3	9	27	81	243	729	2187	6561	19683	59049
4ⁿ	1	4	16	64	256	1024	4096	16384	65536	262144	
5ⁿ	1	5	25	125	625	3125	15625	78125	390625		
6ⁿ	1	6	36	216	1296	7776	46656	279936			

7^n	1	7	49	343	2401	16807	117649				
8^n	1	8	64	512	4096	32768					
9^n	1	9	81	729	6561	59049					
10^n	1	10	100	1000	10000						

Решение квадратных уравнений:

$$a \cdot x^2 + bx + c = 0$$

$$D = b^2 - 4ac,$$

$$\text{Если } D > 0, \text{ то } x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2a}$$

$$\text{Если } D = 0, \text{ то } x = \frac{-b}{2a}$$

Если $D < 0$, то корней нет

Формулы сокращенного умножения:

$$(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$a^2 - b^2 = (a - b) \cdot (a + b)$$

$$(a + b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$$

$$(a - b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$$

Свойства степеней	Свойства корней n-ой степени
1. $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$	1. $\sqrt[n]{ab} = \sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b}$
2. $\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$	2. $\sqrt[n]{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}}$
3. $(a^m)^n = a^{m \cdot n}$	3. $\sqrt[n]{\sqrt[m]{a}} = \sqrt[n \cdot m]{a}$
4. $a^n \cdot b^n = (a \cdot b)^n$	4. $\sqrt[n]{a^m} = (\sqrt[n]{a})^m$
5. $a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m}$	5. $\sqrt[n \cdot k]{a^{n \cdot k}} = \sqrt[n]{a^k}$
6. $a^{-n} = \frac{1}{a^n}$	6. $\sqrt[n]{a^n} = a$
7. $a^0 = 1$	7. $a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m}$
8. $\left(\frac{a}{b}\right)^n = \left(\frac{b}{a}\right)^{-n}$	
9. $\sqrt[n]{\sqrt[m]{a}} = a^{\frac{m}{n}}$	

Используя предложенные методические рекомендации и методические рекомендации к самостоятельной работе №9, выполните задания:

1 вариант	2 вариант
1. Решить уравнения: а) $4^{x+1} + 4^{x+2} = 40$; б) $3^{2x+1} - 9^x = 18$; в) $\log_2 x + 2\log_4 x + 3\log_8 x + 4\log_{16} x = 4$; г) $\log_{\frac{1}{4}}(2x^2 - 7x - 6) = -2$;	1. Решить уравнения: а) $5^x - 5^{x-1} = 100$; б) $9^{x+1} + 3^{2x+4} = 30$; в) $\log_3 x + 2\log_9 x + 3\log_{27} x + 4\log_{81} x = 8$; г) $\log_{\frac{1}{3}}(x^2 - 17x + 9) = -3$;

д) $3\lg^2 x - 5\lg x + 2 = 0$.	д) $5\lg^2 x + \lg x - 1 = 0$.
2. Решить неравенства: а) $4^x - 3 \cdot 2^{x+1} + 8 \leq 0$; б) $7^{4x^2-9x+6} > 7$; в) $\log_2(3x-5) > 3$; г) $\lg^2 x - \lg x - 2 > 0$.	2. Решить неравенства: а) $25^x - 4 \cdot 5^x - 5 \leq 0$; б) $3^{3x^2-7x+6} < 9$; в) $\log_7(5x-4) \geq 0$; г) $\lg^2 x + \lg x - 2 < 0$.

Самостоятельная работа № 11. Прямые и плоскости в пространстве

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации по заявленной теме.

Работа должна соответствовать методическим рекомендациям по созданию презентации.

Самостоятельная работа № 12. Составление кроссворда на тему: «Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве»

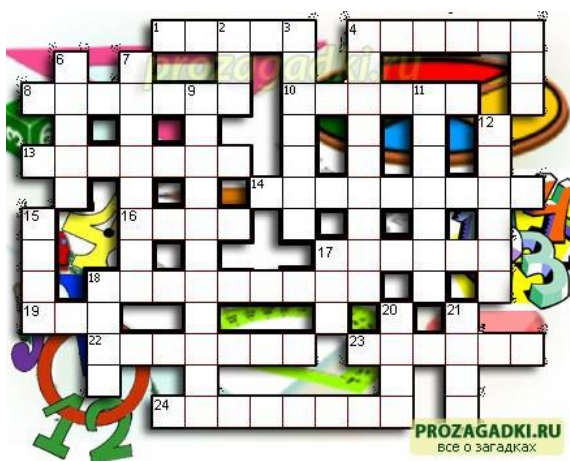
Цель: Развитие интереса к предмету, интуиции, логического мышления.

Кроссворд-это игра, состоящая в разгадывании слов по определениям.

Методические рекомендации

При выполнении задания воспользуйтесь методическими рекомендациями по составлению кроссворда.

Образец оформления и составления кроссвордов



По горизонтали:

1. Сторона прямоугольного треугольника.
4. Он есть у функции и последовательности.
8. Его штаны равны во все стороны.
10. Полный круг вращения.
13. Французский математик, специалист теории вероятностей.
14. Арифметическое действие.
16. Гектар — ... площади.
17. Часть матрицы.

18. Свойство углов.
19. Полупрямая.
22. Нейтральный элемент относительно умножения.
23. Группа повторяющихся цифр в бесконечной десятичной дроби.
24. Наибольший общий ...

По вертикали:

2. Бублик как математический объект.
3. Положение, нуждающееся в доказательстве.
4. Поверхность, имеющая 2 измерения.
5. Линейное алгебраическое уравнение.
6. Тригонометрическая функция.
7. Один из двух экстремумов.
9. Функция по своей сути.
11. Часть прямой.
12. Линия.
15. Геометрическая фигура, образованная двумя лучами.
17. Полный квадрат первого двузначного числа.
18. Для него необходимы натуральные числа.
20. В теории графов: маршрут, все ребра которого различны.
21. В теории графов: замкнутый маршрут, все ребра которого различны.

Ответы:

По горизонтали:	По вертикали:
1-катет;	2-тор;
4-предел;	3-теорема;
8-пифагор;	4-плоскость;
10-оборот;	5-лау;
13-пуассон;	8-синус;
14-умножение;	7-максимум;
16-мера;	9-отображение;
17-строка;	11-отрезок;
18-смежность;	12-кривая;
19-луч;	15-угол;
22-единица;	17-сто;
23-период;	18-счёт;
24-делитель;	20-цепь;
	21-цикл.

Самостоятельная работа № 13.
История развития и становления тригонометрии

Цель: *Развитие интереса к предмету.*

Форма самостоятельной деятельности: подготовить реферат по предложенной теме.

Реферат должен быть выполнен с соблюдением методических рекомендаций по написанию реферата.

Самостоятельная работа № 14.

Решение тригонометрических уравнений повышенной сложности

Цель: Знать методы решения тригонометрических уравнений, формулы для нахождения корней, уметь использовать полученные знания при решении уравнений повышенной сложности.

Методические рекомендации

I. Решение простейших тригонометрических уравнений.

Уравнение	Формулы решения	Частные случаи
$\sin x = a$	при $ a \leq 1$ $x = (-1)^k \arcsin a + \pi k, k \in \mathbb{Z}$ при $ a > 1$ - решений нет	$\sin x = 0; x = \pi k, k \in \mathbb{Z}$ $\sin x = 1; x = \frac{\pi}{2} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$ $\sin x = -1, x = -\frac{\pi}{2} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$
$\cos x = a$	при $ a \leq 1$ $x = \pm \arccos a + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$ при $ a > 1$ - решений нет	$\cos x = 0; x = \frac{\pi}{2} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$ $\cos x = 1; x = 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$ $\cos x = -1; x = \pi + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$
$\operatorname{tg} x = a$	a - любое число $x = \operatorname{arctg} a + \pi k, k \in \mathbb{Z}$	-
$\operatorname{ctg} x = a$	a - любое число $x = \operatorname{arcctg} a + \pi k, k \in \mathbb{Z}$	-

II. Тригонометрические уравнения.

Уравнение	Способ решения	Формулы
1. Уравнение содержит только синусы или косинусы (синусы и косинусы) вида $a \sin^2 f(x) + b \sin f(x) + c = 0$ $a \cos^2 f(x) + b \cos f(x) + c = 0$ и т.д.	Уравнение сводится к квадратному (биквадратному) относительно синуса (косинуса)	$\sin^2 \alpha = 1 - \cos^2 \alpha$ $\cos^2 \alpha = 1 - \sin^2 \alpha$ $ax^2 + bx + c = 0$ $x = \frac{-b \pm \sqrt{D}}{2a}$
2. Однородное уравнение I степени вида $a \sin x + b \cos x = 0$ $(a \neq 0, b \neq 0)$	Деление обеих частей на $\cos x \neq 0$. Получаем: $\operatorname{atg} x + b = 0$	$\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \operatorname{tg} \alpha$

3. Однородное уравнение II степени вида $a \sin^2 f(x) + b \sin f(x) \cdot \cos f(x) + k \cos^2 f(x) = 0$	Деление обеих частей на $\cos^2 x \neq 0$. Получаем: $atg^2 f(x) + btgx + k = 0$	$tg \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$ $1 + tg^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$
4. Уравнение вида $atgx + bctgx + c = 0$	Уравнение сводится к квадратному относительно тангенса заменой $ctgx = \frac{1}{tgx}$	$tgx \cdot ctgx = 1$ $ctgx = \frac{1}{tgx}$

III. Основные тригонометрические тождества.

$$1. \sin^2 x + \cos^2 x = 1; \sin^2 x = 1 - \cos^2 x; \cos^2 x = 1 - \sin^2 x$$

$$2. tgx = \frac{\sin x}{\cos x} \Rightarrow \sin x = tgx \cdot \cos x$$

$$3. ctgx = \frac{\cos x}{\sin x} \Rightarrow \cos x = ctgx \cdot \sin x$$

$$4. tgx \cdot ctgx = 1 \Rightarrow tgx = \frac{1}{ctgx} \text{ и } ctgx = \frac{1}{tgx}$$

$$5. 1 + tg^2 x = \frac{1}{\cos^2 x}$$

$$6. 1 + ctg^2 x = \frac{1}{\sin^2 x}$$

IV. Формулы сложения.

$$1. \sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cos \beta + \cos \alpha \sin \beta$$

$$2. \sin(\alpha - \beta) = \sin \alpha \cos \beta - \cos \alpha \sin \beta$$

$$3. \cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta$$

$$4. \cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta$$

$$5. tg(\alpha + \beta) = \frac{tg \alpha + tg \beta}{1 - tg \alpha tg \beta}$$

$$6. tg(\alpha - \beta) = \frac{tg \alpha - tg \beta}{1 + tg \alpha tg \beta}$$

V. Формулы двойного и половинного аргументов.

$$1. \sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cdot \cos \alpha$$

$$2. \cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha; \cos 2\alpha = 2 \cos^2 \alpha - 1; \cos 2\alpha = 1 - 2 \sin^2 \alpha$$

$$3. tg 2\alpha = \frac{2tg \alpha}{1 - tg^2 \alpha}$$

$$4. \sin \frac{\alpha}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 - \cos \alpha}{2}}$$

$$5. \cos \frac{\alpha}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 + \cos \alpha}{2}}$$

$$6. tg \frac{\alpha}{2} = \sqrt{\frac{1 - \cos \alpha}{1 + \cos \alpha}}$$

VI. Формулы суммы и разности одноименных тригонометрических функций.

1. $\sin \alpha + \sin \beta = 2 \sin \frac{\alpha + \beta}{2} \cdot \cos \frac{\alpha - \beta}{2}$
2. $\sin \alpha - \sin \beta = 2 \cos \frac{\alpha + \beta}{2} \cdot \sin \frac{\alpha - \beta}{2}$
3. $\cos \alpha + \cos \beta = 2 \cos \frac{\alpha + \beta}{2} \cdot \cos \frac{\alpha - \beta}{2}$
4. $\cos \alpha - \cos \beta = -2 \sin \frac{\alpha + \beta}{2} \cdot \sin \frac{\alpha - \beta}{2}$
5. $\operatorname{tg} \alpha \pm \operatorname{tg} \beta = \frac{\sin(\alpha \pm \beta)}{\cos \alpha \cdot \cos \beta}$

Значения тригонометрических функций

град	0^0	30^0	45^0	60^0	90^0
радиан	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$
$\sin \alpha$	0		$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1
$\cos \alpha$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$		0
$\operatorname{tg} \alpha$	0	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	1	$\sqrt{3}$	не существ
$\operatorname{ctg} \alpha$	Не существ	$\sqrt{3}$	1	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	0

Используя методические рекомендации, решите уравнения:

1. $\sin 6x + \cos 6x = 1 - 2 \sin 3x$;
2. $29 - 36 \sin^2(x - 2) - 36 \cos(x - 2) = 0$;
3. $2 \sin x \cdot \cos x + \sqrt{3} - 2 \cos x - \sqrt{3} \sin x = 0$;
4. $\sin 4x = 2 \cos^2 x - 1$;
5. $\sin x(\sin x + \cos x) = 1$;
6. $\frac{1}{1 + \cos^2 x} + \frac{1}{1 + \sin^2 x} = \frac{16}{11}$.

Подсказки.

1. Воспользуйтесь формулой двойного угла для $\sin 6x$ и $\cos 6x$.
2. Обозначьте $x - 2 = t$, решите уравнение, сведя его к квадратному с помощью формулы $\sin^2 t = 1 - \cos^2 t$.
3. Сгруппируйте 1-ое и 3-е слагаемые, примените разложение на множители.
4. Воспользуйтесь формулой двойного угла для $\sin 4x$ и $\cos 4x$, формулой понижения степени $2 \cos^2 x - 1 = \cos 2x$.
5. Раскройте скобки, примените основное тригонометрическое тождество.

6. Приведите дроби к общему знаменателю, а затем используйте основное тригонометрическое тождество $\sin^2 x + \cos^2 x = 1$, сведите уравнение к квадратному.

Самостоятельная работа № 15.

Решение задач, применяя формулу Бинома Ньютона.

Цель: изучение и первичное осознание нового учебного материала, осмысление связей и отношений в объектах изучения. Познакомиться с биномом Ньютона, показать его связь с треугольником Паскаля.

1) Изучив тему, письменно ответьте на вопросы:

1. Понятие бинома Ньютона
2. Свойства бинома и биномиальных коэффициентов
3. Типовые задачи по теме «Бином Ньютона»
4. Задачи, сводящиеся к использованию формулы бинома Ньютона (нестандартные задачи по теме «Бином Ньютона»)

2) Устный ответ на основе написанного конспекта.

Самостоятельная работа № 16

Действия над векторами

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации по заявленной теме.

Работа должна соответствовать методическим рекомендациям по созданию презентации.

Самостоятельная работа № 17.

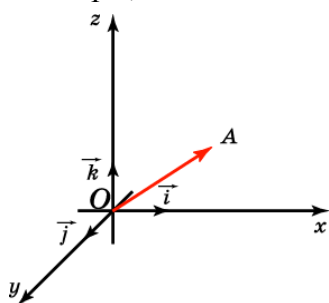
Решение задач по теме: «Векторы»

Цель: Знать правила действия над векторами и уметь применять их при вычислениях.

Методические рекомендации

Теоретический материал

Отложим вектор так, чтобы его начало совпало с началом координат. Тогда координаты его конца называются координатами вектора. Обозначим $\vec{i}, \vec{j}, \vec{k}$ векторы с координатами (1, 0, 0), (0, 1, 0), (0, 0, 1) соответственно. Их длины равны единице, а направления совпадают с направлениями соответствующих осей координат. Будем изображать эти векторы, отложенными от начала координат и называть их координатными векторами.



Теорема. Вектор $\vec{a}$ имеет координаты (x, y, z) тогда и только тогда, когда он представим в виде $\vec{a} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}$.

Вариант 1

№ п/п	Название операции	Формулы
1	Найти сумму векторов	$\vec{a}\{1; -2; 3\}, \quad \vec{b}\{4; 0; -1\}$ $\vec{a} + \vec{b}\{x_1 + x_2; y_1 + y_2; z_1 + z_2\}$
2	Найти разность векторов	$\vec{a}\{4; 1; -3\}, \quad \vec{b}\{0; -5; 2\}$ $\vec{a} - \vec{b}\{x_1 - x_2; y_1 - y_2; z_1 - z_2\}$
3	Найти произведение вектора на число	$\vec{a}\{-1; 3; 1\}, \quad \delta - \text{число} \quad \delta = -3$ $\delta \vec{a}\{\delta \cdot x; \delta y; \delta z\}$
4	Вычислить координаты середины отрезка	Точка А(1;2;-3). Точка В (-3;4;-1). Точка С-середина отрезка АВ. $C(x_c, y_c, z_c) \quad x_c = \frac{x_1 + x_2}{2}, y_c = \frac{y_1 + y_2}{2}; z_c = \frac{z_1 + z_2}{2}.$
5	Найти координаты вектора	Точка А(5;0;-3). Точка В (-1;4;-7). Находим координаты вектора $\vec{AB}$. Из координат конца вычислить координаты начала вектора $\vec{AB}\{x_2 - x_1; y_2 - y_1; z_2 - z_1\}$
6	Найти длину вектора	$\vec{a}\{3; -2; 0\}$ $ \vec{a} = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$
7	Вычислить скалярное произведение векторов	$\vec{a}\{-2; 3; 7\}, \quad \vec{b}\{-9; 0; 2\}$ $\vec{a} \cdot \vec{b} = x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2 + z_1 \cdot z_2$
8	Найти косинус угла между векторами	$\vec{a}\{2; 0; 1\}, \quad \vec{b}\{-3; 1; 2\}$ $\cos \alpha = \frac{x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2 + z_1 \cdot z_2}{\sqrt{x_1^2 + y_1^2 + z_1^2} \cdot \sqrt{x_2^2 + y_2^2 + z_2^2}}$
9	При каких значениях m и n векторы коллинеарны?	$\vec{a}\{m; 3; 1\}, \quad \vec{b}\{1; n; 2\}$ $\frac{x_1}{x_2} = \frac{y_1}{y_2} = \frac{z_1}{z_2} = k$
10	Проверьте перпендикулярность векторов	$\vec{a}\{-4; 0; 1\}, \quad \vec{b}\{2; 7; 8\}$ $x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2 + z_1 \cdot z_2 = 0$ - условие перпендикулярности векторов

Вариант 2

№ п/п	Название операции	Формулы
1	Найти сумму векторов	$\vec{a}\{2; -3; 4\}, \quad \vec{b}\{-1; 2; 0\}$ $\vec{a} + \vec{b}\{x_1 + x_2; y_1 + y_2; z_1 + z_2\}$
2	Найти разность векторов	$\vec{a}\{4; -5; 7\}, \quad \vec{b}\{3; -1; 2\}$ $\vec{a} - \vec{b}\{x_1 - x_2; y_1 - y_2; z_1 - z_2\}$

3	Найти произведение вектора на число	$\vec{a}\{-2; 4; 0\}$, δ – число $\delta = -4$ $\delta \vec{a}\{\delta \cdot x; \delta y; \delta z\}$
4	Вычислить координаты середины отрезка	Точка А $(-3; 1; 2)$ Точка В $(2; -3; 1)$ Точка С – середина отрезка АВ. $C(x_c, y_c, z_c)$ $x_c = \frac{x_1 + x_2}{2}, \quad y_c = \frac{y_1 + y_2}{2}, \quad z_c = \frac{z_1 + z_2}{2}.$
5	Найти координаты вектора	Точка А $(6; -3; 4)$. Точка В $(1; -4; 7)$. Находим координаты вектора $\vec{AB}$. Из координат конца вычислить координаты начала вектора $\vec{AB}\{x_2 - x_1; y_2 - y_1; z_2 - z_1\}$
6	Найти длину вектора	$\vec{a}\{0, 2, -2\}$ $ \vec{a} = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$
7	Вычислить скалярное произведение векторов	$\vec{a}\{-3; 2; 9\}, \quad \vec{b}\{-7; 0; 3\}$ $\vec{a} \cdot \vec{b} = x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2 + z_1 \cdot z_2$
8	Найти косинус угла между векторами	$\vec{a}\{4; 1; 0\}, \quad \vec{b}\{-5; 3; 1\}$ $\cos \alpha = \frac{x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2 + z_1 \cdot z_2}{\sqrt{x_1^2 + y_1^2 + z_1^2} \cdot \sqrt{x_2^2 + y_2^2 + z_2^2}}$
9	При каких значениях m и n векторы коллинеарны?	$\vec{a}\{m; 5; 3\}, \quad \vec{b}\{2; n; 4\}$ $\frac{x_1}{x_2} = \frac{y_1}{y_2} = \frac{z_1}{z_2} = k$
10	Проверьте перпендикулярность векторов	$\vec{a}\{0; -3; 2\}, \quad \vec{b}\{9; 4; 6\}$ $x_1 \cdot x_2 + y_1 \cdot y_2 + z_1 \cdot z_2 = 0$ – условие перпендикулярности векторов

Самостоятельная работа № 18.

Реферат на тему: «Векторное задание прямых и плоскостей в пространстве»

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: подготовить реферат по предложенной теме.

Реферат должен быть оформлен с соблюдением методических рекомендаций по написанию реферата.

Самостоятельная работа № 19.

Методы измерения углов вращения.

Цель: уметь сравнивать углы путем наложения; познакомиться с транспортиром; сформировать умение измерять углы.

1. Повторение изученного.
2. Ознакомление и работа с программой «Измерение геометрических величин».

Самостоятельная работа № 20.
Примеры функциональных зависимостей
в реальных процессах и явлениях

Цель: *Развитие интереса к предмету.*

Форма самостоятельной деятельности: подготовить реферат по предложенной теме.

Реферат должен быть выполнен с соблюдением методических рекомендаций по написанию реферата.

Самостоятельная работа № 21.
Реферат на тему: «Непрерывные дроби».

Цель: *Развитие интереса к предмету.*

Форма самостоятельной деятельности: подготовить реферат по предложенной теме.

Реферат должен быть выполнен с соблюдением методических рекомендаций по написанию реферата.

Самостоятельная работа № 22.
Реферат на тему: «Применение сложных процентов в экономических расчетах».

Цель: *Развитие интереса к предмету.*

Форма самостоятельной деятельности: подготовить реферат по предложенной теме.

Реферат должен быть выполнен с соблюдением методических рекомендаций по написанию реферата.

Самостоятельная работа № 23.
Реферат на тему: «Параллельное проектирование».

Цель: *Развитие интереса к предмету.*

Форма самостоятельной деятельности: подготовить реферат по предложенной теме.

Реферат должен быть выполнен с соблюдением методических рекомендаций по написанию реферата.

Самостоятельная работа № 24.
Реферат на тему: «Средние значения и их применения в статистике».

Цель: *Развитие интереса к предмету.*

Форма самостоятельной деятельности: подготовить реферат по предложенной теме.

Реферат должен быть выполнен с соблюдением методических рекомендаций по написанию реферата.

Самостоятельная работа № 25.
Реферат на тему: «Графическое решение уравнений и неравенств».

Цель: *Развитие интереса к предмету.*

Форма самостоятельной деятельности: подготовить реферат по предложенной теме.

Реферат должен быть выполнен с соблюдением методических рекомендаций по написанию реферата.

Самостоятельная работа № 26.

Реферат на тему: «Сложение гармонических колебаний».

Цель: *Развитие интереса к предмету.*

Форма самостоятельной деятельности: подготовить реферат по предложенной теме.

Реферат должен быть выполнен с соблюдением методических рекомендаций по написанию реферата.

**Самостоятельная работа № 27.
Правильные многогранники**

Цель: *Развитие интереса к предмету.*

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации по заявленной теме.

Работа должна соответствовать методическим рекомендациям по созданию презентации.

**Самостоятельная работа № 28.
Жизнь и творчество Эйлера.**

Цель: *Развитие интереса к предмету.*

Форма самостоятельной деятельности: подготовить реферат по предложенной теме.

Реферат должен быть оформлен с соблюдением методических рекомендаций по написанию реферата.

**Самостоятельная работа № 29.
Многогранники.**

Цель: *Развитие интереса к предмету.*

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации по заявленной теме.

Работа должна соответствовать методическим рекомендациям по созданию презентации.

**Самостоятельная работа № 30.
Звездчатые многогранники**

Цель: *Развитие интереса к предмету.*

Форма самостоятельной деятельности: подготовить сообщение по предложенной теме.

Сообщение должно соответствовать методическим рекомендациям по подготовке сообщений.

Самостоятельная работа № 31. Модели многогранников

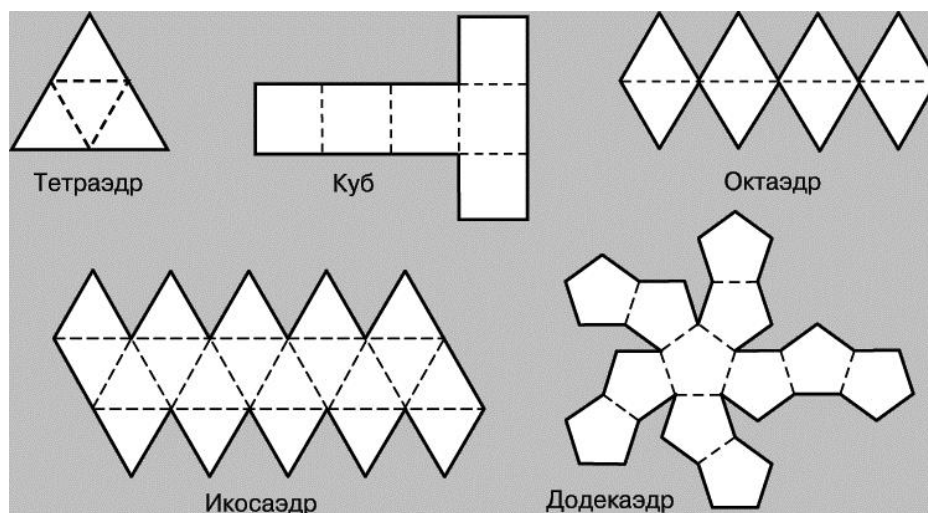
Цель: *Закрепить понятие многогранника при изготовлении моделей, используя развертки.*

Форма самостоятельной деятельности: изготовление моделей многогранников.

Методические рекомендации

Одним из способов изготовления правильных многогранников является способ с использованием, так называемых, развёрток.

Если модель поверхности многогранника изготовлена из гибкого нерастяжимого материала (бумаги, тонкого картона и т. п.), то эту модель можно разрезать по нескольким рёбрам и развернуть так, что она превратится в модель некоторого многоугольника. Этот многоугольник называют развёрткой поверхности многогранника. Для получения модели многогранника удобно сначала изготовить развёртку его поверхности. При этом необходимыми инструментами являются клей и ножницы. Модели многогранников можно сделать, пользуясь одной развёрткой, на которой будут расположены все грани. Однако в этом случае все грани будут одного цвета.



Используя методические рекомендации, изготовьте модели изученных вами многогранников.

Самостоятельная работа № 32. Цилиндр и конус

Цель: *Развитие интереса к предмету.*

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации по заявленной теме.

Работа должна соответствовать методическим рекомендациям по созданию презентации.

Самостоятельная работа № 33. Шар и сфера

Цель: *Развитие интереса к предмету.*

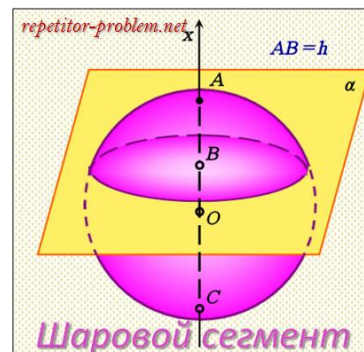
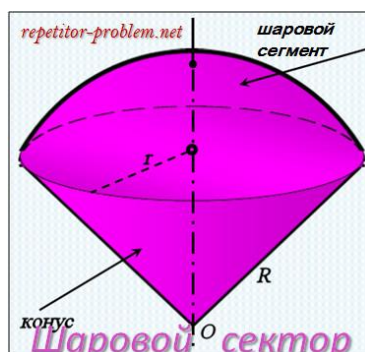
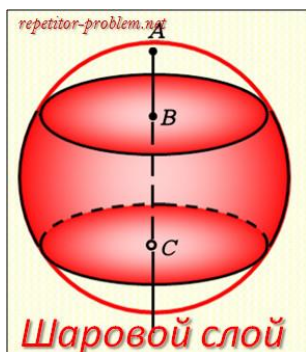
Форма самостоятельной деятельности: создание презентации по заявленной теме.

Работа должна соответствовать методическим рекомендациям по созданию презентации.

Самостоятельная работа № 34. Площадь поверхности частей шара

Цель: Знать определение частей шара, формулы для нахождения их площадей. Уметь применять полученные формулы для решения задач.

Методические рекомендации



1. Изучив тему, ответьте на вопросы:

- 1⁰. Дайте определение шарового сегмента.
- 2⁰. Дайте определение шарового пояса.
- 3⁰. Дайте определение шарового сектора.
- 4⁰. Запишите формулы для нахождения площадей поверхностей частей шара.

2. Решите задачи:

- 1⁰. Найдите площадь поверхности шарового сегмента, отсекаемого от шара радиуса 2, плоскостью проходящей на расстоянии 1 от центра шара.
- 2⁰. Шар радиуса 1 пересечен двумя параллельными плоскостями, которые делят перпендикулярный им диаметр шара в отношении 1:2:3. Определите площадь поверхности шара, заключенную между секущими плоскостями.

Самостоятельная работа № 35. Модели тел вращения

Цель: Закрепить понятие тел вращения при изготовлении моделей, используя развертки.

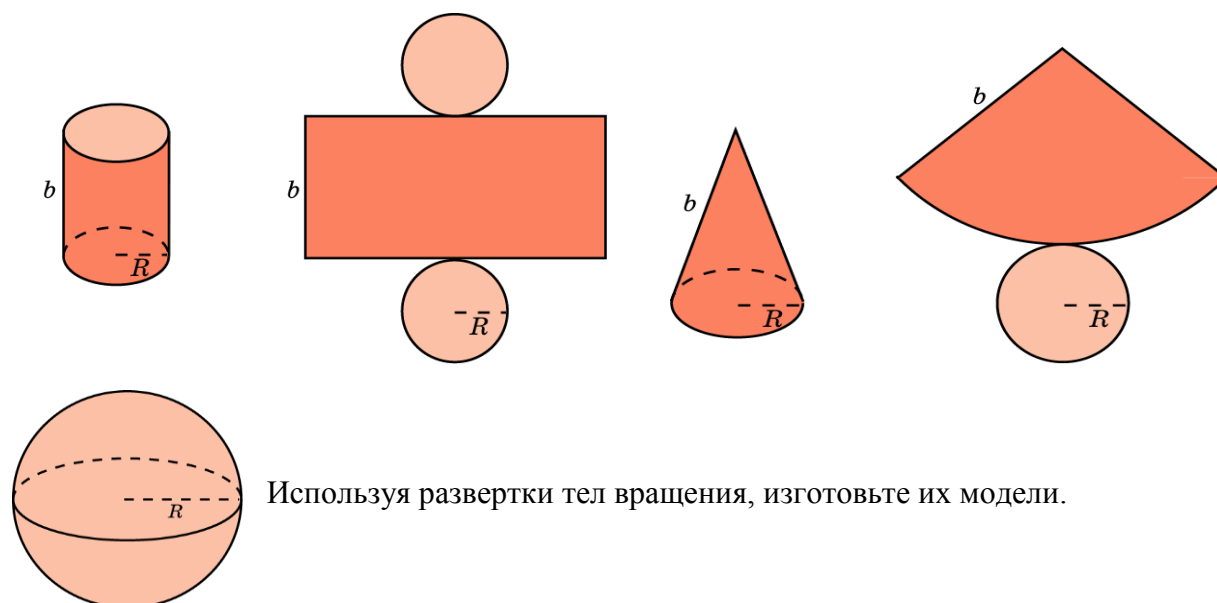
Форма самостоятельной деятельности: изготовление моделей тел вращения.

Методические рекомендации

Одним из способов изготовления тел вращения является способ с использованием, так называемых, развёрток.

Если модель поверхности тела вращения изготовлена из гибкого нерастяжимого материала (бумаги, тонкого картона и т. п.), то эту модель можно разрезать по образующей, отделить основание и развернуть так, чтобы она превратилась в модель некоторого многоугольника плюс круг. Эту фигуру называют развёрткой поверхности тела вращения. Для получения модели тела вращения удобно сначала изготовить

развёртку его поверхности. При этом необходимыми инструментами являются клей и ножницы. Модели тел вращения можно сделать, пользуясь одной развёрткой, на которой будут расположены все элементы.



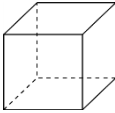
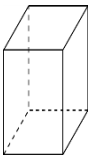
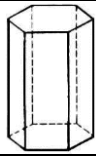
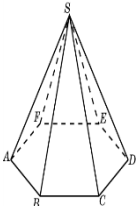
Используя развёртки тел вращения, изготовьте их модели.

Самостоятельная работа № 36.
Решение задач по теме: «Объемы тел»

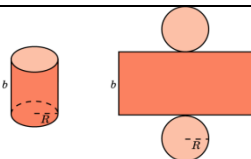
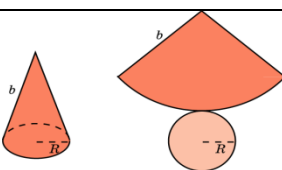
Цель: Знать формулы для нахождения объемов многогранников и тел вращения.

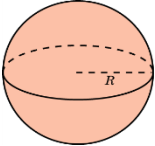
Методические рекомендации

Основные формулы

№ п/п	Наименование многогранника	Изображение	Площадь боковой и полной поверхности
1	Куб		$S_{\text{п}} = 6a^2$ $V = a^3$
2	Прямоугольный параллелепипед		$S_{\text{п}} = 2ab + 2ac + 2bc$ $V = a \cdot b \cdot c$ $V = S_{\text{осн}} \cdot h$
3	Призма		$S_{\text{б}} = p \cdot H$ $S_{\text{п}} = S_{\text{б}} + 2S_{\text{о}}$ $V = S_{\text{осн}} \cdot h$
4	Пирамида		$S_{\text{б}} = \frac{1}{2} p \cdot h$ $S_{\text{п}} = S_{\text{б}} + S_{\text{о}}$ $V = (1/3) \cdot S_{\text{осн}} \cdot h$

Теоретический материал

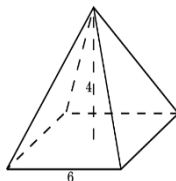
№ п/п	Наименование фигуры	Изображение	Формула площадей полной и боковой поверхности
1	Цилиндр		$S_{\text{б}} = 2\pi RH$ $S_{\text{п}} = 2\pi RH + 2\pi R^2$ $S_{\text{о}} = \pi R^2$ $V = \pi R^2 \cdot H$
2	Конус		$S_{\text{б}} = \pi Rl$ $S_{\text{п}} = \pi Rl + \pi R^2$ $S_{\text{о}} = \pi R^2$ $V = \frac{1}{3} \pi R^2 \cdot H$

3	Сфера, шар		$S_{\text{п}} = 4\pi R^2$ $V = \frac{4}{3}\pi R^3$

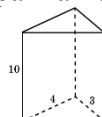
Используя методические рекомендации, решите задачи:

1 вариант

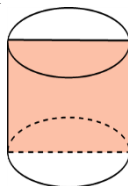
1. Найдите объём правильной четырёхугольной пирамиды, сторона основания которой равна 6 см и высота 4 см.



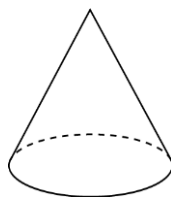
2. Основанием прямой треугольной призмы служит прямоугольный треугольник с катетами 3 см и 4 см, высота призмы равна 10 см. Найдите объём данной призмы.



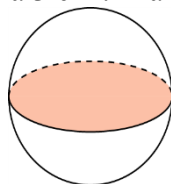
3. Площадь осевого сечения цилиндра равна 4 м^2 . Найдите объём цилиндра.



4. Высота конуса равна 3 см. образующая конуса составляет с плоскостью основания угол в 30° . Найти объём конуса.

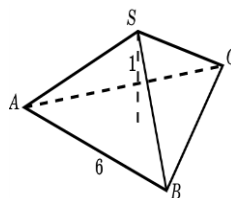


5. Площадь большого круга шара равна 3 см^2 . Найдите объём шара.

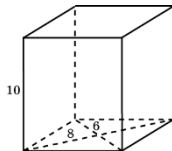


2 вариант

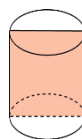
1. Найдите объём правильной треугольной пирамиды со стороной основания 6 см и высотой 1 см.



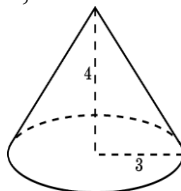
2. Найдите объем прямой призмы, в основании которой лежит ромб с диагоналями 6 см и 8 см и боковым ребром 10 см.



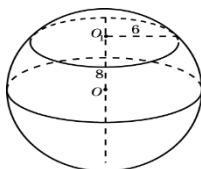
3. Осевое сечение цилиндра - квадрат. Площадь основания равна 1. Найдите объем цилиндра.



4. Радиус основания конуса равен 3 м, высота - 4 м. Найдите площадь и объем конуса.



5. Сечение шара плоскостью, отстоящей от центра шара на расстоянии 8 см, имеет радиус 6 см. Найдите объем шара.



Самостоятельная работа №37.

Реферат на тему: «Правильные и полуправильные многогранники».

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: подготовить реферат по предложенной теме.

Реферат должен быть выполнен с соблюдением методических рекомендаций по написанию реферата.

Самостоятельная работа №38.

Реферат на тему: «Конические сечения и их применение в технике».

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: подготовить реферат по предложенной теме.

Реферат должен быть выполнен с соблюдением методическим рекомендациям по написанию реферата.

Самостоятельная работа №39.

Реферат на тему: «Понятие дифференциала и его приложения»

Цель: *Развитие интереса к предмету.*

Форма самостоятельной деятельности: подготовить реферат по предложенной теме.

Реферат должен быть выполнен с соблюдением методическим рекомендациям по написанию реферата.

Самостоятельная работа №40.

Реферат на тему: «Схемы повторных испытаний Бернулли».

Цель: *Развитие интереса к предмету.*

Форма самостоятельной деятельности: подготовить реферат по предложенной теме.

Реферат должен быть выполнен с соблюдением методическим рекомендациям по написанию реферата.

Самостоятельная работа №41.

Производная и ее применение

Цель: *Развитие интереса к предмету.*

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации по заявленной теме.

Работа должна соответствовать методическим рекомендациям по созданию презентации.

Самостоятельная работа № 42.

Предел, связанный с числом e

Цель: *Знать основу появления числа e .*

1) Изучив тему, письменно ответьте на вопросы:

1⁰. Сформулируйте теорему о существовании предела:

- а) ограниченной сверху неубывающей последовательности;
- б) ограниченной снизу невозрастающей последовательности.

2⁰. Что такое число e ?

2) Подготовить устный ответ по конспекту.

Самостоятельная работа № 43.

Решение прикладных задач

Цель: *Уметь применять определение производной и ее механический смысл к решению прикладных задач.*

Методические рекомендации

Физический смысл первой производной.

Физический смысл производной заключается в том, что мгновенная скорость движения $g(t)$ в момент времени t есть производная пути по времени, т.е.

$$g(t) = \frac{dS(t)}{dt} = S'(t)$$

Физический смысл второй производной.

Ускорение прямолинейного движения в данный момент времени есть первая производная скорости по времени или вторая производная пути по времени.

$$a(t) = g'(t) = S''(t)$$

Пример.

1. Зависимость пути от времени при прямолинейном движении точки задана уравнением

$$S = t^3 - 6t^2 - 12t + 3.$$

В какой момент времени ускорение движения точки будет равно 24 м/с^2 ?

Решение.

- а) Найдем скорость движения точки по формуле: $g(t) = S'(t)$

$$g(t) = (t^3 - 6t^2 - 12t + 3)' = 3t^2 - 12t - 12$$

- б) Найти ускорение движения точки по формуле: $a(t) = g'(t)$

$$a(t) = (3t^2 - 12t - 12)' = 6t - 12$$

- в) Из условия $a = 24 \text{ м/с}^2$, найти момент времени:

$$6t - 12 = 24$$

$$6t = 36$$

$$t = 6 \text{ с}$$

Ответ: 6 с.

❖ *Правила дифференцирования и таблица производных основных функций.*

Правила.

$$1. C' = 0$$

$$2. x' = 1$$

$$3. (U \pm g)' = U' \pm g'$$

$$4. (U \cdot g)' = U' \cdot g + U \cdot g'$$

$$5. (C \cdot f(x))' = C \cdot f'(x)$$

$$6. \left(\frac{U}{g}\right)' = \frac{U' \cdot g - U \cdot g'}{g^2}$$

Производные основных элементарных функций.

$$1. (x^n)' = n \cdot x^{n-1}, n \neq 0$$

$$2. (e^x)' = e^x$$

$$3. (\ln x)' = \frac{1}{x}$$

$$8. (\operatorname{tg} x)' = \frac{1}{\cos^2 x}$$

$$9. (\operatorname{ctg} x)' = -\frac{1}{\sin^2 x}$$

$$10. (\arcsin x)' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$$

$$4. (a^x)' = a^x \cdot \ln a$$

$$11. (\arccos x)' = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$$

$$5. (\log_a x)' = \frac{1}{x \cdot \ln a}$$

$$12. (\operatorname{arctg} x)' = \frac{1}{1+x^2}$$

$$6. (\sin x)' = \cos x$$

$$13. (\operatorname{arcctg} x)' = -\frac{1}{1+x^2}$$

$$7. (\cos x)' = -\sin x$$

Используя методические рекомендации, выполните задания:

1 вариант	2 вариант
1. Тело движется вверх по закону $S(t) = v_0 t - \frac{gt^2}{2}$ с начальной скоростью $v_0 = 30 \text{ м/с}$, $g = 9,8 \text{ м/с}^2$. Через сколько секунд скорость станет равной 10 м/с ?	1. Тело движется вверх по закону $S(t) = v_0 t - \frac{gt^2}{2}$ с начальной скоростью $v_0 = 50 \text{ м/с}$, $g = 9,8 \text{ м/с}^2$. Через сколько секунд скорость станет равной 20 м/с .
2. Найдите силу, действующую на тело массой 5 кг , движущееся по закону $S(t) = \frac{1}{3}t^3 - 2t + 1$ в момент времени $t = 3 \text{ с}$.	2. Тело массой 3 кг движется по прямой согласно уравнению $S(t) = 2t^3 - 2t + 3$. Найдите действующую на него силу в момент времени $t = 5 \text{ с}$.
3. Определить кинетическую энергию точки, массой $m = 2 \text{ кг}$, движущейся по закону $S(t) = 3t^2 + 4$ в момент времени $t = 2 \text{ с}$.	3. Определить кинетическую энергию точки, массой $m = 3 \text{ кг}$, движущейся по закону $S(t) = 5t^2 + 2$ в момент времени $t = 3 \text{ с}$.
4. Точка движется по прямой по закону $S(t) = 2t^2 - 3t - 1$. Найти ускорение точки в момент времени $t = 2 \text{ с}$.	4. Точка движется по прямой по закону $S(t) = 3t^2 + 4t - 2$. Найти ускорение точки в момент времени $t = 1 \text{ с}$.

Самостоятельная работа № 44.

Интеграл и его применение

Цель: Развитие интереса к предмету.

Форма самостоятельной деятельности: создание презентации по заявленной теме.

Работа должна соответствовать методическим рекомендациям по созданию презентации.

Самостоятельная работа № 45.
Приближенные методы вычисления определенного интеграла

Цель: *Знать метод прямоугольников и метод трапеций вычисления определенного интеграла. Уметь пользоваться формулами прямоугольников и трапеций при нахождении приближенного значения определенного интеграла.*

1. Изучив тему, письменно ответьте на вопросы:

- 1⁰. Вывод формулы прямоугольников .
- 2⁰. Вывод формулы трапеций .
- 3⁰. Записать решение .

Самостоятельная работа № 46.
Жизнь и научная деятельность И. Ньютона

Цель: *Развитие интереса к предмету.*

Форма самостоятельной деятельности: подготовить реферат по предложенной теме.

Реферат должен быть выполнен с соблюдением методическим рекомендациям по написанию реферата.

Самостоятельная работа № 47.
Я. Бернулли.

Цель: *Развитие интереса к предмету.*

Форма самостоятельной деятельности: подготовить реферат по предложенной теме.

Реферат должен быть выполнен с соблюдением методических рекомендаций по написанию реферат.

Самостоятельная работа № 48.
Решение задач по теории вероятностей.

Цель: *введение основных понятий комбинаторики (сочетания, размещения, перестановки), определение классической формулы вероятности и отработка навыков ее применения при решении задач.*

1. Изучить тему и записать основные понятия и формулы.

2. Решить задачи:

1) Сколько различных трёхзначных чисел можно составить с помощью цифр 7 и 3?

Ответ: 8

2) Сколько различных двузначных чисел можно составить при помощи цифр 4, 7, 9? (Цифры в записи числа не повторяются).

Ответ: 6

3) Сколько нечетных трёхзначных чисел можно составить из цифр 3, 4, 8, 6? (Цифры в записи числа не могут повторяться).

Ответ: 6

4) Пятеро друзей сыграли между собой по одной партии в шахматы. Сколько всего партий было сыграно?

Ответ: 10.

5) Сколькими способами 10 футбольных команд могут разыграть между собой золотые, бронзовые и серебряные медали?

Ответ: 720

Самостоятельная работа № 49.

Реферат на тему: «Исследование уравнений и неравенств».

Цель: *Развитие интереса к предмету.*

Форма самостоятельной деятельности: подготовить реферат по предложенной теме.

Реферат должен быть выполнен с соблюдением методических рекомендаций по написанию реферата.

ЛИТЕРАТУРА

1. Александров А.Д. Математика : алгебра и начала математического анализа, геометрия. Геометрия. 10 класс : учеб. для общеобразоват. организаций: углубл. уровень / А.Д. Александров, А.Л. Вернер, В.И. Рыжик. – М. : Просвещение, 2014. – 271 с.
2. Александров А.Д. Математика : алгебра и начала математического анализа, геометрия. Геометрия 11 класс : учеб. для общеобразоват. организаций: углубл. уровень / А.Д. Александров, А.Л. Вернер, В.И. Рыжик. – М. : Просвещение, 2014. – 272 с.
3. Башмаков М.И. Математика. Задачник : учеб. пособие для студ. учреждений сред. проф. образования / М.И. Башмаков. – 4-е изд., стер. – М. : Издательский центр «Академия», 2014. – 416 с.
4. Башмаков М.И. Математика : учебник для студ. учреждений сред. проф. образования / М.И. Башмаков. – 9-е изд., стер. – М. : Издательский центр «Академия», 2014. – 256 с.
5. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс : учеб. для общеобразоват. организаций : базовый и углубл. уровни / [С.М. Никольский, М.К. Потапов, Н.Н. Решетников, А.В. Шевкин]. – М. : Просвещение, 2014. – 431 с.
6. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс : учеб. для общеобразоват. организаций : базовый и углубл. уровни / [С.М. Никольский, М.К. Потапов, Н.Н. Решетников, А.В. Шевкин]. – М. : Просвещение, 2014. – 464 с.
7. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Геометрия. 10–11 классы : учеб. для общеобразоват. организаций : базовый и углубл. уровни / [Л.С. Атанасян, В.Ф. Бутузов, С.Б. Кадомцев и др.]. – М. : просвещение, 2014. – 255 с.
8. Пратусевич М.Я. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс : учеб. для общеобразоват. организаций: углубл. уровень / М.Я. Пратусевич, К.М. Столбов, А.Н. Головин. – М. : Просвещение, 2014. – 415 с.
9. Пратусевич М.Я. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс : учеб. для общеобразоват. организаций: углубл. уровень / М.Я. Пратусевич, К.М. Столбов, А.Н. Головин. – М. : Просвещение, 2014. – 463 с.